

<第 13 回 場合の数> (一部解答)

5. 次の値を求めよ。

① ${}_8C_3 = \frac{8 \times 7 \times 6}{3 \times 2 \times 1} = 56$

② ${}_{10}C_4 = \frac{10 \times 9 \times 8 \times 7}{4 \times 3 \times 2 \times 1} = 210$

③ ${}_{50}C_1 = \frac{50}{1} = 50$

6. 男子 4 名、女子 5 名の中から 3 人の委員を選ぶとき

① 性別に関係なく 3 人を選ぶ選び方は何通りか。

男女合わせて 9 人の中から 3 人の委員を選ぶ組み合わせなので、

$${}_9C_3 = \frac{9 \times 8 \times 7}{3 \times 2 \times 1} = 84$$

A. 84 通り

② 男子 1 人、女子 2 人を選ぶ選び方は何通りか。

男子 4 人の中から 1 人の委員を、女子 5 人の中から 2 人の委員を選ぶ組み合わせなので、

$${}_4C_1 \times {}_5C_2 = \frac{4}{1} \times \frac{5 \times 4}{2 \times 1} = 4 \times 10 = 40$$

A. 40 通り

7. 8 人のグループを A 組 3 人、B 組 3 人、C 組 2 人の 3 つのグループに分ける方法は何通りか。

8 人のグループからまず A 組 3 人を選び、残り 5 人の中から B 組 3 人を選ぶ組み合わせなので、

$${}_8C_3 \times {}_5C_3 = \frac{8 \times 7 \times 6}{3 \times 2 \times 1} \times \frac{5 \times 4 \times 3}{3 \times 2 \times 1} = 56 \times 10 = 560$$

8. 右の図のような道があり、遠回りをしないで行くとき、その道順は何通りありますか。

① A から B まで

↑→あわせて 12 個の中から、5 か所↑を選ぶので、

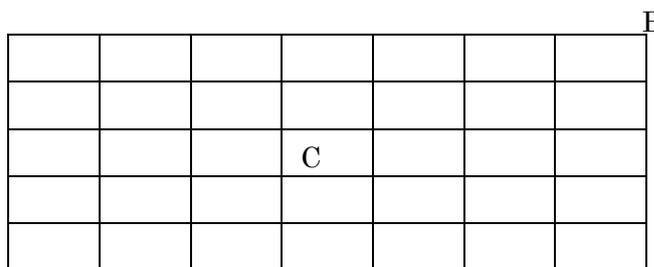
$${}_{12}C_5 = \frac{12 \times 11 \times 10 \times 9 \times 8}{5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1} = 792$$

② A から C を通って B まで A. 792 通り

A から C までは↑→あわせて 5 個の中から、2 か所↑を選び、C から B までは↑→あわせて 7 個の中から、3 か所↑を選び、

$${}_5C_2 \times {}_7C_3 = \frac{5 \times 4}{2 \times 1} \times \frac{7 \times 6 \times 5}{3 \times 2 \times 1} = 10 \times 35 = 350$$

A. 350 通り

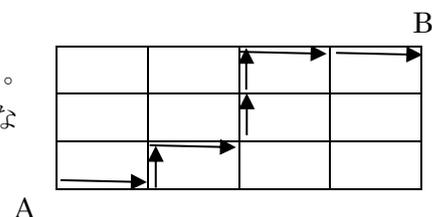


<第 13 回 場合の数>に関する補足

・道順の問題

(問) 右の図のような道があり、A から B まで遠回りをしないで行くとき、その道順は何通りありますか。

(解) 右の図に描き入れた矢印は、条件にあう道順の 1 つの例である。このように、遠回りをしなければ、右に 4 回、上に 3 回進むことになる。



今回は、 $\rightarrow \uparrow \rightarrow \uparrow \uparrow \rightarrow$ であったが、ほかにも

- ・ $\uparrow \uparrow \rightarrow \rightarrow \uparrow \rightarrow \rightarrow$ や、
- ・ $\rightarrow \rightarrow \uparrow \uparrow \uparrow \rightarrow \rightarrow$ など、

があり、すなわち、7 か所の中で、どの 3 か所上向きに行くかの組み合わせの問題になる。

よって、求める道順は

$${}_{7}C_{3} = \frac{7 \times 6 \times 5}{3 \times 2 \times 1} = 35 \text{ (通り)}$$

となる。

(別解) まず、真横と真上には 1 を記入していく。その各点かで遠回りをしないで行く方法は、それぞれまっすぐ行くしかないからである。

次に、点 C という場所を考えると、ここに遠回りしないで行く方法は、 $\rightarrow \uparrow$ か $\uparrow \rightarrow$ の 2 通りとなる。これは、点 C の下からと左から来る 2 通りなので、この 2 つの数字を足して、 $1+1=2$ 通りとなる。

同様に点 D は下からの 1 通りに加え、左の点 C から来ることになるが、点 C への行き方は 2 通りあるので、合計 $2+1=3$ 通りとなる。

このように、順番に足していくと、点 B は左から 20 通り、右から 15 通りなので $20+15=35$ 通りとなる。

		4	10	20	35
1					B
1	3		6	10	15
1	2		3	4	5
1	C	D			
A	1	1	1	1	