

<第15回 総復習>

[練習問題] (基礎編)

1. もとの長さが18cmのろうそくがあり、このろうそくを燃やしたとき、6分間で3cm短くなっているとす。このとき、燃やし始めてから12分後のろうそくの長さは何cmになりますか。

2. 次の連立方程式を解きなさい。(どのような解法を用いてもよい)

$$\textcircled{1} \begin{cases} 2x - 3y = -5 \\ -x + 2y = 3 \end{cases}$$

$$\textcircled{2} \begin{cases} \frac{1}{2}x + 3y = -3 \\ 3x + 8y = -8 \end{cases}$$

3. 次の2次方程式を解きなさい。(どのような解法を用いてもよい)

$$\textcircled{1} 2x^2 - 8x + 6 = 0$$

$$\textcircled{2} x^2 - 5x + 3 = 0$$

4. 次の関数を極小・極大(最小・最大)にする $x$ の値と、極小値・極大値(最小値・最大値)を求めなさい。

$$\textcircled{1} y = x^2 + 3x + 2$$

$$\textcircled{2} y = x^3 - 6x^2 + 9x + 4$$

5. 以下の各式について、 $z$  を  $x$  と  $y$  でそれぞれ偏微分せよ。

①  $z = 2xy^2$

②  $z = x(y - 4)$

6.  $\log_x \alpha = 5, \log_x \beta = 3$  のとき、以下の各式の値を求めよ。

①  $\log_x(\alpha\beta)$

②  $\log_x\left(\frac{\alpha^3}{\beta^2}\right)$

7. 以下の各問に答えよ。

①  $90^\circ \leq \theta \leq 180^\circ, \cos \theta = -\frac{7}{8}$  のとき、 $\tan \theta$  の値を求めよ。

②  $\cos 15^\circ - \cos 75^\circ$  の値を求めよ。

8. 以下の行列の計算をせよ。

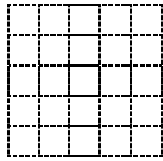
①  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ -1 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \end{pmatrix} =$

②  $\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 2 & -2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 0 \end{pmatrix} =$

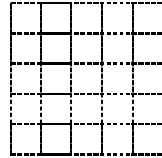
9. 以下の行列による1次変換で、ベクトル $\begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ と $\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$ で囲まれた正方形がどのような形に変換される

か、図に表してみよう。

①  $\begin{pmatrix} 3 & 0 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$



②  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}$



10. 以下の行列による1次変換で、ベクトル $\begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ と $\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$ で囲まれた正方形が変換される平行四辺形の面

積を求めよ。

①  $\begin{pmatrix} 2 & -3 \\ -1 & 3 \end{pmatrix}$

②  $\begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$

11. 男子4名、女子6名の中から3人の委員を選ぶとき

① 性別に関係なく3人を選ぶ選び方は何通りか。

② 男子1人、女子2人を選ぶ選び方は何通りか。

12. 袋の中に赤球が4個、白球が3個入っている。この中から同時に3個取り出すとき、赤球2個、白球1個が出てくる確率を求めよ。

**【練習問題】（応用編）**

1. 企業の生産するある商品の利潤(もうけ)を考えると、利潤( $\pi$ )=売上-総費用と求められる。

ここで、売上は、価格×数量( $q$ )として求められる。

総費用( $C$ )が、数量( $q$ )の関数として、 $C = q^3 - 6q^2 - 5q - 120$ としてあらわされ、この商品の価格が 10 であるとき、この商品の利潤を最大にする生産量( $q$ )と、そのときの利潤( $\pi$ )を求めよ。

2. ある法外な金利を設定した高利貸しは、10 日で 1 割の利息をとる。(通称：トイチ) この高利貸しにお金を借りたとき、返済額が元の金額の 7 倍を超えるのは、何日後か。

3. 8 個のキャラメルを A,B,C の 3 人で分けるとき、その分け方は何通りあるか。ただし、3 人とも 1 個以上受け取るものとする。

4. 1~6 が書いてある 6 面体のサイコロ 3 個を同時に投げるとき、出た目の積が偶数になる確率はいくらか。