

<第5回 微分の計算その2・偏微分>

[予習問題の確認]

1. 以下の各式について、 y を x で微分せよ。

① $y = 4x^{\frac{3}{2}} - 9x^{\frac{1}{3}}$

② $y = (3x^2 - 5x + 2)^4$

[新しい概念]

・偏微分とその計算方法

偏微分は、変数が3つ以上の式において、他の変数は変化しないと考える(定数とみなして)おこなう微分である。

右図のように y が x と z の関数となっていたとする。

このとき、 y を x で偏微分するということは、この関数を x 軸に平行な直線で切り取り、その断面の関数(右下図)を微分するということである。

たとえば、 $y = 5x^2z^4$ を x で偏微分すると、

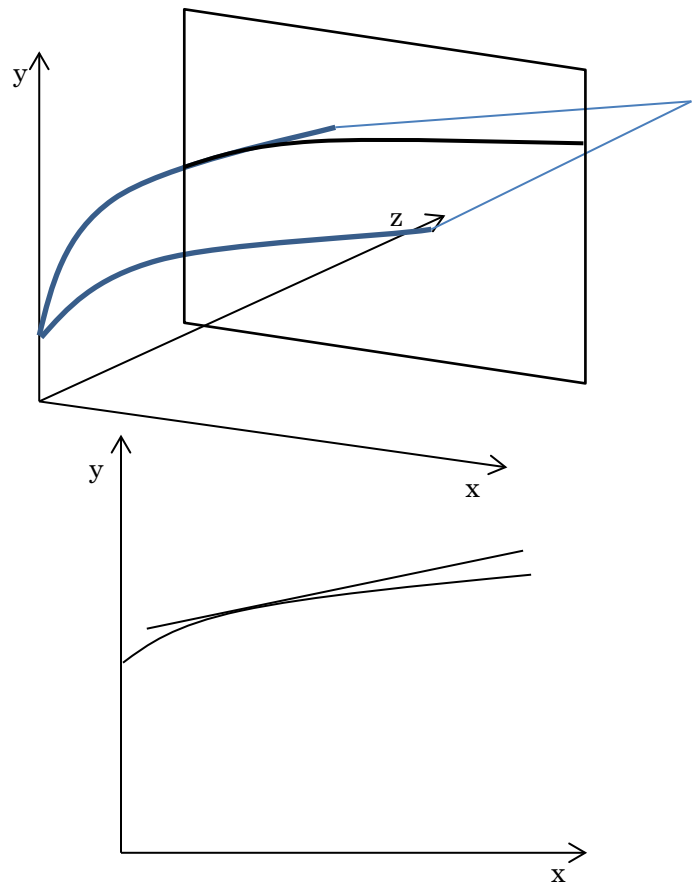
$$\frac{\partial y}{\partial x} = 2 \cdot 5x^{2-1}z^4 = 10xz^4$$

となる。

また、この y は z でも偏微分することができ、

$$\frac{\partial y}{\partial z} = 4 \cdot 5x^2z^{4-1} = 20x^2z^3$$

となる。



[練習問題]

2. 以下の各式について、 y を x と z でそれぞれ偏微分せよ。

① $y = 4x^3z^2$

② $y = 2x^3z + 4$

③ $y = xz + 5x + 5z$

④ $y = 2x^{\frac{1}{3}}z^{\frac{2}{3}}$

⑤ $y = (3x^2 + 2z^2)^3$